

# CONCOURS D'ENTREE FSMS - EPREUVES D'ADMISSIBILITE FORMATION MUSICALE

## DICTEE A DEUX VOIX

① ②  
③ ④  
⑤ ⑥

## DICTEE D'ACCORDS

① ② ③ ④ ⑤ ⑥ ⑦ ⑧ ⑨ ⑩

## DICTEES ATONALES

ADAGIO ♩ = 48

ROUSSEAU Trio V. All. Vcll. II 5. et 6. [15]

MODERATO ♩ = 84

SCHOENBERG La nuit transfigurée mes. 38

# RECONNAISSANCE DE TONALITES ET CADENCES

1

## IMPROMPTU, in C

(Published in 1828)

Allegro molto moderato

FRANZ SCHUBERT, Op. 90, No 1

PIANO

*ff* *pp*

> *staccato* *ten.*

2 BACH - choral

## 290. O Welt, ich muss dich lassen (B. A. 39. No 141.)

G. Forsters Liedersammlung 1539

O Welt, sieh' hier dein Le - ben am Stamm des Kreuzes schweben, dein

Heil sinkt in den Tod!

1

3 Carl Philip Emmanuel BACH Sonate n°3 pour Clavier - Final

Allegro

Handwritten musical score for Carl Philip Emmanuel Bach's Sonata No. 3 for Clavier, Final. The score is in G major and 3/4 time. It consists of two systems of grand staff notation. The first system has a tempo marking 'Allegro' and includes various ornaments and fingerings. The second system continues the piece with similar notation and ornaments. The piece ends with a double bar line and repeat signs.

4 FAURE Liberaume du Requiem

Handwritten musical score for the beginning of the 'Liberaume du Requiem' by Gabriel Fauré. It shows the first few measures of the piece in G major, 4/4 time, with a treble and bass clef.

Handwritten musical score for the 'Liberaume du Requiem' by Gabriel Fauré, showing the first system of the piece. It includes a piano (*p*) dynamic marking.

Handwritten musical score for the 'Liberaume du Requiem' by Gabriel Fauré, showing the second system of the piece.

Handwritten musical score for the 'Liberaume du Requiem' by Gabriel Fauré, showing the third system of the piece. It includes a fortissimo (*fff*) dynamic marking.

# DEPISTAGE DE FAUTES

Feuille du professeur

Le professeur joue ce qui est écrit en rouge à la place de ce qui est écrit en noir.

Adagio ma non tanto.

The image shows a handwritten musical score for a string quartet, consisting of four systems of staves. The music is in G major (one sharp) and 4/4 time. The tempo is marked 'Adagio ma non tanto'. The score is annotated with red ink corrections and fingerings. The first system shows the beginning of the piece. The second system contains measures 4 through 13, with corrections such as '4.', '5.', '6. DO-MI', '7.', '8. FA-SI', '9. LA', '10. FA', '11.', '12.', and '13.'. The third system contains measures 14 through 20, with corrections like '14. 8VA', '15. DO', '16. SI', '17. FA# SI', '18.', '19.', and '20. F#'. The fourth system shows measure 21, with a correction '21.'. The corrections are primarily in the upper staves, indicating changes in pitch and fingering.

Reconnaissance d'œuvres classiques / FSMSI entrée, épreuve du 21 mai 2025 / Épreuve rédigée par Arnaud Merlin, 8 mai 2025

N°	Compositeur/riche	Œuvre et mouvement	Interprète(s)	Durée et minutage précis	Date de composition, création ou édition
1	Guillaume de Machaut (c.1300-1377)	Messe de Notre Dame – Kyrie	Diabolus in Musica, Antoine Guerber	7'41" à couper à 1'40"	1363-1365
2	Clément Janequin (c.1485-1558)	La Bataille	Ensemble Clément Janequin	6'53" à couper à 2'30"	1537
3	Claudio Monteverdi (1567-1643)	Lasciate mi morire (Lamento d'Arianna)	Mariana Flores, Cappella Mediterranea, Leonardo Garcia Alarcon	11'04" à couper à 1'23"	1608
4	Jean-Philippe Rameau (1683-1764)	L'Entretien des Muses (Pièces de clavessin avec une méthode pour mécanique des doigts, Suite en ré)	Jean Rondeau	7'48" à shunter à 1'50"	1724-1731
5	Johann Sebastian Bach (1685-1750)	Matthäus-Passion BWV 244 – Deuxième Partie - Aria « Erbarme dich »	René Jacobs, La Petite Bande, Gustav Leonhardt	6'43" à shunter à 2'42"	1727
6	Antonio Vivaldi (1678-1741)	Concertos op. 10 – Concerto n° 3 en ré majeur « Il Gardellino » - 1. Allegro	Giovanni Antonini, Il giardino armonico	4'01" à shunter à 2'00"	1728
7	Joseph Haydn (1732-1809)	Quatuor à cordes n° 41 en ré majeur op. 50 n° 6 « La Grenouille » - 1. Allegro	Quatuor Hanson	6'27" à shunter à 2'06"	1787
8	Wolfgang Amadeus Mozart (1756-1791)	Così fan tutte, acte I scène 2 - Soave sia il vento (Fiordiligi, Dorabella, Don Alfonso)	Elisabeth Schwarzkopf, Christa Ludwig, Walter Berry, Philharmonia Orchestra, Karl Böhm	3'04" à shunter à 2'20"	1790
9	Ludwig van Beethoven (1770-1827)	Symphonie n° 3 en mi bémol majeur op. 55 « Eroica » - 1. Allegro con brio	Gewandhaus Orchester, Riccardo Chailly	15'11" à shunter à 1'50"	1805
10	Franz Schubert (1797-1828)	Erkönig, D. 328 (Johann Wolfgang von Goethe)	Mathias Goerne, Andreas Haefliger	3'44" à shunter à 2'02"	1815
11	Robert Schumann (1810-1856)	Kreisleriana op. 16 – 1. Äußert bewegt	Eric Le Sage	2'23" à shunter à 2'00"	1838
12	Richard Wagner (1813-1883)	Tristan und Isolde – Acte III scène 3 Mort d'Isolde « Mild und leise wie er lächelt » (Isolde)	Margaret Price, Staatskapelle Dresden, Carlos Kleiber	7'22" à shunter à 2'30", ou prendre extrait de 4'28" à 6'20" durée 1'52"	1865
13	Gustav Mahler (1860-1911)	Kindertotenlieder – 4. Oft denk' ich, sie sind nur ausgegangen (Friedrich Rückert)	Jessye Norman, Boston Symphony Orchestra, Seiji Ozawa	3'15" à shunter à 2'00"	1901-1904
14	Claude Debussy (1862-1918)	La Mer, trois esquisses symphoniques – III. Dialogue du vent et de la mer	The Cleveland Orchestra, Pierre Boulez	7'41" à shunter à 1'27"	1903-1905

15	Igor Stravinsky (1882-1971)	<i>Petrouchka – Premier Tableau – Danse russe</i>	London Symphony Orchestra, Simon Rattle	1'20" à couper à 1'50"	1910-1911
16	Anton Webern (1883-1945)	<i>Cinq pièces pour orchestre op. 10 – III. Sehr langsam und äußerst ruhig</i>	Ensemble Intercontemporain, Pierre Boulez	1'48"	1911-1913
17	Maurice Ravel (1875-1937)	<i>L'Enfant et les Sortilèges – Deuxième Tableau – Le Jardin – 1. Musique d'insectes, de rainettes, etc. (Les Rainettes)</i>	Chœur de Radio France, Sofi Jeannin, Orchestre Philharmonique de Radio France, Mikko Franck	1'31" à shunter à 1'27"	1925
18	György Ligeti (1923-2006)	<i>Quatuor à cordes n° 1 « Métamorphoses nocturnes » - V. Prestissimo</i>	Quatuor Diotima	1'24"	1953-1954
19	Steve Reich (né en 1936)	<i>Drumming - Part Two</i>	Steve Reich and Musicians	25'47" à shunter à 1'50"	1971
20	Kaija Saariaho (1952-2023)	<i>Du cristal à la fumée – 1. Du cristal, pour orchestre</i>	Los Angeles Philharmonic Orchestra, Esa-Pekka Salonen	16'40" à shunter à 1'50"	1989-1990

RECONNAISSANCE D'ŒUVRES – MUSIQUES ACTUELLES

TITRE	AUTEUR	ALBUM
1-I Got A Woman	Ray Charles	The Genius of Soul-Ray Charles
2-Pocket Piano	DJ Mehdi	Pocket Piano
3-Just Like Heaven	The Cure	Kiss me,Kiss me,Kiss me
4-Supernature	Cerrone	3-Supernature
5-Guess featuring Billie Eilish	Charlie XCX	Brat and it's completely different but also still brat
6-California	Joni Mitchell	Blue
7-Manureva	Alain Chamfort	Poses
8-Crazy	Gnarls Barkley	St. Elsewhere
9-Pop Corn- 2016 Remaster	Gershon Kingsley	Music to Moog By (2016 remaster)
10-1901	Phoenix	Wolfgang Amadeus Phoenix
11-In Bloom	Nirvana	Nevermind (Remastered)
12-A Message To You Rudy- 2016 Remaster	The Specials	The Specials (Deluxe Edition)
13-Où est Billie?- remasterisé	Oxmo Puccino, The Jazz Bastards	Lipopette Bar (Remasterisé)
14-Wild Is The Wind (2016 Remaster)	David Bowie	Station To Station (2016 Remaster)
15-Chameleon	Herbie Hancock	Head Hunters

16-Jealous Guy - Remastered 2010	John Lennon	Imagine
17-The Witch	The Sonics	Here are The Sonics
18-Vampire	Olivia Rodrigo	GUTS
19-The Love I Lost ( feat. Teddy Pendergrass)	Harold Melvins and the Blue Notes, Teddy Pendergrass	Black and Blue (Expanded Edition ) (feat Teddy Pendergrass)
20-Fever	Dua Lipa et Angèle	Future Nostalgia

## **ÉPREUVE D'ANALYSE COMPARÉE**

---

**EXTRAIT N° 1 :**

John Field (1782-1837), *Nocturne n° 5*, H. 37

**EXTRAIT N° 2 :**

Frédéric Chopin (1810-1849), *Nocturne n° 19*, op. 72/1

Vous comparerez ces deux nocturnes, composés par Field et Chopin, en vous appuyant sur des éléments analytiques recueillis pendant les écoutes, et sur les deux citations suivantes.

« John Field est le créateur sinon du genre, au moins du titre de *Nocturne* pour piano, catégorie qui satisfait parfaitement au goût du romantisme adolescent : charme mélancolique de la romance et élégance et de la musique de salon. Field était universellement regardé, avec Hummel, comme le maître du *cantabile* ; son jeu se distinguait en outre par sa délicatesse, sa précision et une correction toute classique. Chopin a fait grand cas de son pianisme et, entre 1830 et 1832, les contemporains comparent volontiers son jeu à celui de Field. »

Présentation de John Field dans l'ouvrage de Jean-Jacques Eigeldinger, *Chopin vu par ses élèves*, Neuchâtel, La Baconnière, 1970.

« Chopin parvint toujours à conférer aux différents genres de la musique pour piano un caractère tout à fait particulier, que ce soit pour les *Études*, les *Préludes*, les *Valses*, les *Scherzi* ou encore les *Nocturnes*. John Field, compositeur irlandais, avait déjà écrit plus de vingt *Nocturnes*, lesquelles exercèrent probablement une influence considérable sur Chopin. Ce dernier poursuivit le développement de cette musique de piano très aérée, d'essence vocale, produisant des œuvres dont l'atmosphère rêveuse et mélancolique sera la marque de fabrique de la musique de Chopin. »

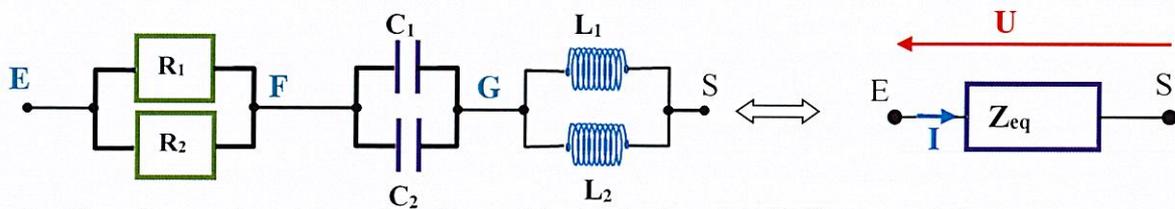
Présentation des *Nocturnes* de Chopin par l'éditeur Henle.  
(<https://www.henle.de/fr/Nocturnes/HN-233>).

Dans toute l'épreuve, on notera  $j$  le nombre imaginaire :  $j = \sqrt{-1}$  et  $g$  l'accélération de la pesanteur.

### Exercice 1 (association de dipôles)

On considère l'association de dipôles représentée ci-dessous, alimentée par un générateur basse fréquence délivrant une tension alternative sinusoïdale de pulsation  $\omega$  entre les bornes d'entrée E et de sortie S. On cherche à déterminer l'impédance équivalente  $Z_{eq}$  de cette association de dipôles entre E et S.

**Données :**  $R_1 = 10R_0$  ;  $R_2 = 15R_0$  ;  $C_1 = 4C_0$  ;  $C_2 = 6C_0$  ;  $L_1 = L_0$  ;  $L_2 = 4L_0$  ; avec  $R_0 = 100 \Omega$ ,  $C_0 = \frac{10}{9} nF$  ;  $L_0 = \frac{15}{4} mH$  et  $\omega = 10^5 \text{ rad.s}^{-1}$ .



1. Représenter le schéma électrique série équivalent à 3 dipôles en précisant sur votre schéma les valeurs de la résistance équivalente entre E et F, de la capacité équivalente entre F et G et de l'inductance équivalente entre G et S, valeurs que vous exprimerez en fonction de  $R_0$ ,  $C_0$  et  $L_0$ .
2. Donner l'expression littérale, en fonction de  $R_0$ ,  $C_0$  et  $L_0$  et  $\omega$ , de la forme algébrique de l'impédance équivalente  $Z_{eq}$  de cette association de dipôles entre E et S.
3. En déduire l'expression littérale, en fonction de  $R_0$ ,  $C_0$  et  $L_0$  et  $\omega$ , de la valeur de la résistance équivalente  $R_{eq}$  ainsi que la valeur de la réactance équivalente  $X_{eq}$  de cette association de dipôles entre E et S, à la pulsation  $\omega$  considérée.
4. Faire l'application numérique pour donner l'écriture algébrique exacte de  $Z_{eq}$ .
5. A cette pulsation  $\omega$ , le comportement du dipôle équivalent est-il de type inductif, capacitif ou résistif pur ? Justifier.
6. Donner l'écriture exponentielle de l'impédance complexe équivalente  $Z_{eq} = \rho e^{j\varphi}$  en exprimant les valeurs numériques exactes du module  $\rho$  et du déphasage  $\varphi$  en radians.
7. En déduire la valeur exacte du rapport des amplitudes et la valeur en radians du déphasage entre la tension  $U$  aux bornes du dipôle équivalent et l'intensité  $I$  du courant qui le traverse.
8. Calculer la valeur exacte du facteur de puissance de ce dipôle équivalent à la pulsation de travail  $\omega$ .

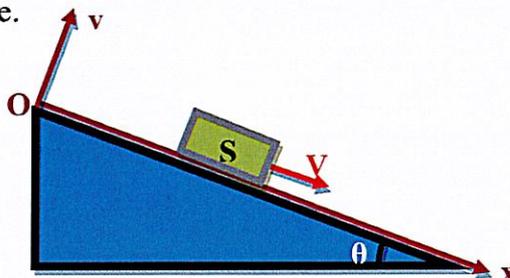
### Exercice 2 (Mécanique)

Une balle de masse  $m$  est lancée verticalement vers le haut depuis une hauteur  $h_0$  avec une vitesse  $V_0$ . On néglige les frottements de l'air.

1. Déterminer l'expression littérale, en fonction des données du problème, de la hauteur maximale  $h_{max}$  atteinte par la balle.
2. Déterminer l'expression littérale, en fonction des données du problème, de la vitesse de la balle  $V_I$  lors de son impact au sol.
3. Déterminer l'expression littérale, en fonction des données du problème, de la durée  $\Delta t_I$  mise par la balle après son lancement pour toucher au sol.

**Exercice 3 (Mécanique)**

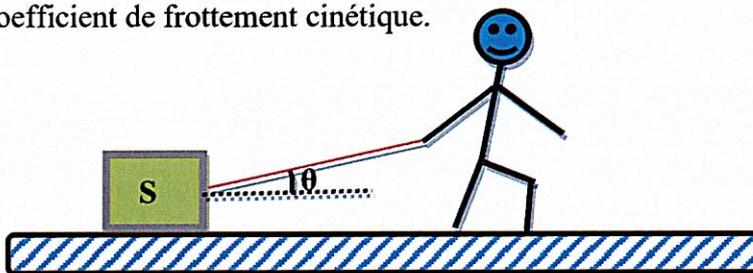
On considère un solide  $S$  de masse  $m$  qui glisse le long d'un plan incliné d'un angle  $\theta$  par rapport à l'horizontale, comme représenté sur le schéma ci-dessous. On note  $\mu_c$  le coefficient de frottement cinétique. Le mouvement du solide sera étudié par rapport au repère  $(O,x,y)$  représenté sur le schéma. On note  $x_0$  l'abscisse du centre de gravité du solide à l'instant initial. La vitesse initiale du solide est nulle.



1. Déterminer l'expression littérale, en fonction des **données** du problème, de la norme du vecteur réaction normale  $R_n = \|\vec{R}_n\|$ .
2. Déterminer l'expression littérale, en fonction des **données** du problème, de la norme du vecteur accélération  $a = \|\vec{a}\|$  du solide  $S$ .
3. Déterminer l'expression littérale, en fonction des **données** du problème, de l'abscisse  $V_x(t)$  du vecteur vitesse horaire du solide à l'instant  $t$ .
4. Déterminer l'expression littérale, en fonction des **données** du problème, de l'abscisse  $x(t)$  du vecteur position horaire du solide à l'instant  $t$ .
5. Déterminer l'expression littérale, en fonction des **données** du problème, de la durée  $\Delta t$  nécessaire au solide pour parcourir 1 mètre de distance depuis sa position initiale.

**Exercice 4 (Mécanique)**

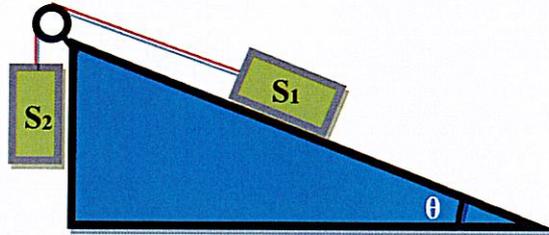
Un solide  $S$  de masse  $m$  est tiré sur un plan horizontal par l'intermédiaire d'une corde faisant un angle  $\theta$  par rapport à l'horizontale. La personne tirant le solide exerce une force de traction  $F$  constante dirigée le long de la corde. Le solide est ainsi trainé horizontalement d'une distance  $D$  et on note  $\mu_c$  le coefficient de frottement cinétique.



1. Déterminer l'expression littérale, en fonction des **données** du problème, de la norme de la réaction normale  $R_n = \|\vec{R}_n\|$
2. Déterminer l'expression littérale, en fonction des **données** du problème, de la norme de la force de frottement tangentielle  $f = \|\vec{f}\|$
3. Déterminer l'expression littérale, en fonction des **données** du problème, de la norme de la force résultante de traction horizontale  $F_{TH} = \|\vec{F}_{TH}\|$
4. En déduire l'expression littérale, en fonction des **données** du problème, du travail  $W$  de cet effort de traction pour déplacer l'objet sur la distance  $D$ .
5. En considérant nulle la vitesse initiale du solide, déterminer l'expression littérale, en fonction des **données** du problème, de la vitesse finale  $V_f$  atteinte par le solide après avoir parcouru la distance  $D$ .
6. Une fois la distance  $D$  parcourue, la personne cesse de tirer le solide. Déterminer l'expression littérale, en fonction des **données** du problème, de la distance  $D_{libre}$  parcourue par le solide  $S$  en glisse libre avant son arrêt complet.

**Exercice 5 (Mécanique)**

On considère 2 solides  $S_1$  et  $S_2$  de masses respectives  $m_1$  et  $m_2$  solidairement liés au travers d'une poulie parfaite par une corde de masse négligeable (comme représenté sur le schéma ci-dessous). Le solide  $S_1$  est posé sur un plan incliné d'un angle  $\theta$  par rapport à l'horizontale. Le solide  $S_2$  est suspendu dans le vide. On note  $\mu_s$  le coefficient de frottement statique entre le plan incliné et le solide  $S_1$ .



1. Déterminer l'expression littérale, en fonction des **données** du problème, de la masse minimale  $m_2^{min}$  du solide  $S_2$  nécessaire pour faire remonter le solide  $S_1$ .

**Exercice 6 (Electricité et chaîne de mesure)**

On considère les sorties  $V_1$  et  $V_2$  de 2 capteurs de mesures. On dispose en quantité illimitée d'amplificateurs opérationnels (AOP) et de résistances dont les valeurs nominales sont listées ci-dessous. On dispose d'alimentations symétriques stabilisées en  $\pm 15V$ .

**A partir du matériel et des composants disponibles et uniquement à partir de ceux-ci (attention : l'utilisation de composants en dehors de cette liste est considérée comme un non respect du cahier des charges et sera pénalisée)**, représenter le schéma de la chaîne de conditionnement analogique respectant le cahier des charges suivants :

- I. Pour chacune des 3 applications ci-dessous, réaliser la fonction de traitement demandée  $V_s = f(V_1, V_2)$  (où  $V_s$  désigne la tension de sortie de la chaîne de conditionnement).
- II. Satisfaire à la contrainte habituelle d'une chaîne de conditionnement : isoler les capteurs du circuit de traitement placé en aval des capteurs.

**Remarque :**

- L'alimentation symétrique des amplificateurs opérationnels (AOP) doit apparaître explicitement sur votre schéma.
- Les valeurs des résistances choisies permettant de satisfaire le cahier des charges doivent apparaître explicitement sur votre schéma et le choix de vos résistances doit être justifié clairement sur votre copie. **Si nécessaire, une association de résistances peut être mise en œuvre pour obtenir les coefficients multiplicateurs recherchés.**

**Résistances disponibles (en quantité illimitée) :**

$R_1 = 1 \text{ k}\Omega$ ,  $R_2 = 1.5 \text{ k}\Omega$ ,  $R_3 = 2.2 \text{ k}\Omega$ ,  $R_4 = 22 \text{ k}\Omega$ ,  $R_5 = 2.2 \text{ M}\Omega$ ;

**Fonction des 3 schémas de conditionnement à réaliser :**

1.  $V_s = 2V_1 - 3V_2$
2.  $V_s = 100(V_2 - V_1)$
3.  $V_s = 10 (V_1 + V_2)$

Concours d'entrée 22 mai 2025 : Epreuve de mathématiques  
Durée : 3 heures (Sans document, sans calculatrice)

**Exercice 1 (Nombres complexes et géométrie)**

On considère le polynôme de la variable complexe  $z$  ( $z \in \mathbb{C}$ ) suivant :

$$P(z) = z^4 + (1 + i)z^3 + iz^2 + (2 - 2i)z - 4$$

1. Montrer que  $p(z)$  admet 2 racines réelles pures notées  $z_A$  et  $z_B$  de la forme  $z = a$  où  $a$  est un nombre réel entier que l'on déterminera.
2. En déduire les 2 autres racines complexes de  $P(z)$ , que l'on notera  $z_C$  et  $z_D$ .
3. Représenter dans le plan complexe le quadrilatère formé par les 4 points A, B, C et D du plan complexe d'affixes respectives  $z_A, z_B, z_C$  et  $z_D$ .
4. Quel est la nature de ce quadrilatère ? Le démontrer en établissant une relation vérifiée par les affixes  $z_A, z_B, z_C$  et  $z_D$ .

**Exercice 2 (Nombres complexes et géométrie)**

Pour chacun des cas suivants, **déterminer et caractériser** l'ensemble des points M d'affixe  $z$  du plan complexe vérifiant les égalités ci-dessous puis **représenter précisément** cet ensemble dans un plan complexe en faisant apparaître explicitement les points et paramètres caractéristiques de l'ensemble. Une représentation à l'échelle séparée par question est attendue.

1)  $|iz + 2| = 3$

2)  $|z - 2 + 3i| = |iz + 1|$

3)  $\arg(z + 1 - 2i) = \pi[2\pi]$

4)  $\arg\left(\frac{z-1+i}{z+3-i}\right) = \frac{\pi}{2}[\pi]$

5)  $\arg(-z + 4i) = -\pi[2\pi]$

6)  $\arg(\bar{z} + 1 - 2i) = \frac{\pi}{2}[2\pi]$

**Exercice 3 (Fonctions logarithme)**

Démontrer l'égalité :

$$\log_2(13) \cdot \log_5(13) + \log_5(13) \cdot \log_7(13) = \frac{\log_2(13) \cdot \log_5(13) \cdot \log_7(13)}{\log_{14}(13)}$$

**Exercice 4 (calcul intégral)**

Donner la valeur exacte des intégrales ci-dessous. **Format des résultats à respecter** : Quand vos résultats font apparaître des fractions, celles-ci doivent être sous forme irréductible sans nombres irrationnels (racines carrées) au dénominateur. Lorsque vos résultats font apparaître des logarithmes de nombres entiers, les exprimer exclusivement en fonction de logarithmes de nombres premiers (ln2, ln3, ln5, ln7, etc., ou log2, log3, log5, log7, etc.) ;

$$1) I = \int_3^6 \frac{e^{-\frac{3}{x}}}{x^2} dx$$

$$2) J = \int_{\sqrt[3]{e}}^{\sqrt{e}} \left[ \frac{6(\ln x)^2}{x} \right] dx$$

$$3) K = \int_1^2 \left( \frac{3}{x^2} - \frac{1}{2^x} \right) dx$$

$$4) L = \int_{-\frac{\pi}{3}}^{-\frac{\pi}{4}} \frac{dx}{\tan(x) \cdot \cos^2(x)}$$

$$5) M = \int_{\sqrt{\frac{2\pi}{3}-1}}^{\sqrt{\frac{3\pi}{4}-1}} \left[ \frac{8x \cdot \tan^3(x^2+1)}{\cos^2(x^2+1)} \right] dx$$

$$6) N = \int_{\frac{2}{\sqrt[3]{e}}}^{\frac{e}{2}} \left[ \frac{3dx}{x \ln(2x)} \right]$$

**Exercice 5 (décomposition en éléments simples et calcul intégral)**

On considère la fonction de la variable réelle x :  $f(x) = \frac{2x^3+1}{x^2-3x+2}$

1. Déterminer le domaine de définition de la fonction f.
2. Donner la décomposition en éléments simples de f(x).
3. En déduire l'expression de F(x) primitive de f(x).
4. Calculer la valeur exacte de l'intégrale :  $I = \int_3^4 f(x) dx$
1. Calculer la valeur exacte de l'intégrale :  $J = \int_{-1}^0 f(x) dx$

**Exercice 6 (Fonctions de 2 variables et calcul différentiel)**

On considère la fonction f suivante où x et y sont des variables réelles :

$$f(x, y) = \cos(x) e^{\sin(y)}$$

1. Calculer les dérivées partielles premières de f :  $\frac{\partial f}{\partial x}(x, y)$  et  $\frac{\partial f}{\partial y}(x, y)$
2. Calculer les dérivées partielles secondes de f :  $\frac{\partial^2 f}{\partial x^2}(x, y)$ ,  $\frac{\partial^2 f}{\partial y^2}(x, y)$ ,  $\frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y}(x, y)$ ,  $\frac{\partial^2 f}{\partial y \partial x}(x, y)$ .

**Exercice 7 (Equations et inéquations)**

Résoudre dans  $\mathbb{R}$  les équations et inéquations suivantes après en avoir précisé le domaine de validité :

**Format des résultats à respecter** : Quand vos résultats font apparaître des fractions, celles-ci doivent être sous forme irréductible sans nombres irrationnels (racines carrées) au dénominateur. Lorsque vos résultats font apparaître des logarithmes de nombres entiers, les exprimer exclusivement en fonction de logarithmes de nombres premiers ( $\ln 2, \ln 3, \ln 5, \ln 7, \text{etc.}$ , ou  $\log 2, \log 3, \log 5, \log 7, \text{etc.}$ ) ;

1.  $(\log_2(x))^2 + \log_2(x) - 12 = 0$

2.  $(\log_3(x))^2 - 3\log_3(x) = 4$

3.  $-2(\log_{10}(3x))^2 - \log_{10}(3x) + 6 = 0$

4.  $5^{3x+1} - 2^x = 5^{3x} + 2^{x-2}$

5.  $3^{2x+1} - 7(3^x) + 2 \leq 0$

6.  $e^{x-2} - e^x > 3 - 3e^2$

7.  $e^{-2x} \leq 3 - 2e^{2x}$

8.  $9^x + 8 < 2(3^{x+1})$